

**Chapitre 10 : Mouvement dans un champ uniforme**

Feuille d'évaluation à rendre obligatoirement avec la copie

**Correction activité documentaire n°10.2 : Étude d'un accélérateur linéaire de particules (LINAC)**

Inspiré de Belin éducation

1 La particule doit avoir une charge électrique pour être propulsée par la force électrostatique.

2 La masse d'un ion est égale à celle de son noyau.

La masse de l'ion hydrure est égale à la masse d'un proton  $m_p = 1,67 \times 10^{-27}$  kg et la valeur absolue de sa charge à la charge élémentaire.

$$\frac{F_e}{P} = \frac{|q|\mathcal{E}}{m_{H-g}} = \frac{eU}{m_p g d} = 9,8 \times 10^{10} \text{ en prenant } U = 1\,000 \text{ V et}$$

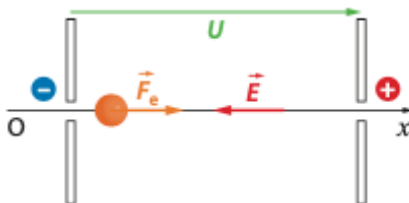
$d = 0,1$  m donc  $F_e \gg P$ , le poids est négligeable devant la force électrique.

3 L'énergie cinétique vaut  $\mathcal{E}_c = \frac{1}{2}mv^2$  donc  $v = \sqrt{\frac{2\mathcal{E}_c}{m_p}}$

$\mathcal{E}_c$ (MeV)	3	50	100	160
$\mathcal{E}_c$ (J)	$4,8 \times 10^{-13}$	$8,0 \times 10^{-12}$	$1,6 \times 10^{-11}$	$2,6 \times 10^{-11}$
$v$ ( $m \cdot s^{-1}$ )	$2,4 \times 10^7$	$9,8 \times 10^7$	$1,4 \times 10^8$	$1,8 \times 10^8$

4 Le mouvement de (l'ion  $H^-$ ) est étudié dans le référentiel terrestre supposé galiléen.

Les coordonnées des vecteurs sont données dans le repère  $Ox$  porté sur la figure.



Conditions initiales :

À  $t = 0$ , le système est en  $O$  et sa vitesse est nulle.

D'après la deuxième loi de Newton :  $\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m_p \times \vec{a}$

Comme le poids est négligeable :  $\vec{F}_e = m_p \times \vec{a}$

$\vec{F}_e = -e\vec{E}$  donc l'expression de l'accélération est  $\vec{a} = -\frac{e\mathcal{E}}{m_p}$ .

En projetant sur l'axe  $Ox$  :  $a_x = -\frac{e\mathcal{E}_x}{m_p}$  avec  $\mathcal{E}_x = -\mathcal{E}$ .

Finalement :  $a_x = \frac{e\mathcal{E}}{m_p}$

• Par définition :  $a_x = \frac{dv_x(t)}{dt} = \frac{e\mathcal{E}}{m_p}$  donc  $v_x(t)$  est une primitive de  $\frac{e\mathcal{E}}{m_p}$  qui est constant.

$v_x(t) = \frac{e\mathcal{E}}{m_p} \times t + C$ , la constante  $C$  est égale à la vitesse initiale donc  $C = 0$ . Finalement :  $v_x(t) = \frac{e\mathcal{E}}{m_p} \times t$

• Par définition :  $v_x(t) = \frac{dx(t)}{dt}$  donc  $x(t)$  est une primitive de  $v_x(t) = \frac{e\mathcal{E}}{m_p} \times t$ .

$x(t) = \frac{1}{2} \times \frac{e\mathcal{E}}{m_p} \times t^2 + K$ , la constante  $K = 0$  (position initiale de l'ion hydrure).

Finalement :  $x(t) = \frac{1}{2} \times \frac{e\mathcal{E}}{m_p} \times t^2$